

## OBSAH

ÚVOD.....	1
<b>1 STEGANOGRAFIA, KRYPTOGRAFIA A INFORMAČNÁ BEZPEČNOSŤ .....</b>	<b>3</b>
1.1 Steganografia.....	3
1.2 Kryptografia .....	4
1.3 Informačná bezpečnosť .....	6
<b>2 KLASICKÉ KRYPTOGRAFICKÉ SYSTÉMY .....</b>	<b>8</b>
2.1 Základné pojmy .....	8
2.2 Princíp konvenčného šifrovania .....	8
2.3 Model konvenčného kryptografického systému.....	9
2.4 Klasifikácia kryptografických systémov a šifier .....	10
2.5 Kryptoanalýza .....	11
2.6 Bezpečnosť kryptografických algoritmov .....	13
2.7 Substitučné šifry .....	14
2.8 Transpozičné šifry .....	25
2.9 Rotorové stroje .....	28
<b>3 ALGEBRAICKÉ SYSTÉMY V KRYPTOGRAFII .....</b>	<b>31</b>
3.1 Grupy, okruhy, telesá a polia.....	31
3.1.1 Grupy.....	31
3.1.2 Okruhy.....	32
3.1.3 Obor integrity .....	33
3.1.4 Telesá a polia.....	33
3.2 Modulárna aritmetika .....	34
3.2.1 Deliteľnosť čísel na množine $Z$ .....	34
3.2.2 Najväčší spoločný deliteľ .....	34
3.2.3 Euklidov algoritmus .....	35
3.2.4 Modulárny operátor .....	36
3.2.5 Vlastnosti modulárnej aritmetiky .....	37
3.3 Konečné polia.....	41
3.3.1 Konečné polia $GF(p)$ .....	41
3.3.2 Multiplikatívna inverzia v $GF(p)$ .....	42
3.3.3 Polynómy a polynomiálna aritmetika.....	43
3.3.3.1 Bežná polynomiálna aritmetika.....	44
3.3.3.2 Polynomiálna aritmetika v poli $GF(p)$ .....	45
3.3.3.3 Najväčší spoločný deliteľ polynómov .....	48
3.3.4 Konečné polia $GF(2^n)$ .....	49
3.3.4.1 Modulárna polynomiálna aritmetika nad $GF(2^n)$ .....	49
3.3.4.2 Multiplikatívna inverzia v modulárnej polynomiálnej aritmetike .....	51
3.3.5 Binárny tvar operácií v $GF(2^n)$ .....	53
<b>4 PRINCÍPY MODERNÝCH KRYPTOGRAFICKÝCH SYSTÉMOV .....</b>	<b>56</b>
4.1 Charakteristiky dobrých šifier .....	56
4.2 Utajenie v kryptografických systémoch .....	56
4.2.1 Ideálne utajenie.....	56
4.2.2 Informačný obsah otvoreného a zašifrovaného textu .....	57
4.3 Teória zložitosti v kryptografii .....	59
4.4 Praktická bezpečnosť kryptografických systémov .....	62
4.5 Princípy moderných šifier .....	64
<b>5 SYMETRICKÉ ŠIFRY.....</b>	<b>71</b>
5.1 Princípy symetrických blokových šifier .....	71

5.2	Šifrovací štandard DES .....	74
5.2.1	Opis algoritmu DES .....	74
5.2.2	Bezpečnosť algoritmu DES .....	80
5.3	AES .....	81
5.3.1	Opis štandardu AES .....	81
5.3.2	Operácia Substitute bytes .....	84
5.3.3	Operácia Shift Row Transformation .....	88
5.3.4	Operácia Mix Column Transformation .....	88
5.3.5	Operácia Add Round Key .....	91
5.3.6	Operácia Key Expansion .....	91
5.4	Režimy blokových šifrier .....	93
5.4.1	Elektronická kódová kniha .....	93
5.4.2	Zrežazenie zašifrovaného textu .....	94
5.4.3	Spätná väzba zo zašifrovaného textu .....	95
5.4.4	Spätná väzba z výstupu .....	96
5.4.5	Čítačový režim .....	98
5.5	Vybrané symetrické šifry .....	98
5.5.1	Trojnásobný DES .....	99
5.5.2	Blowfish .....	100
5.5.3	Šifra RC5 .....	102
5.5.4	Vlastnosti najpoužívanejších blokových šifrier .....	104
5.5.5	Symetrická prúdová šifra RC4 .....	104
5.6	Symetrické šifrovanie v sieťovej bezpečnosti .....	107
5.6.1	Umiestnenie šifrovacích funkcií .....	107
5.6.2	Distribúcia kľúčov v symetrickom šifrovaní .....	110
5.7	Generátory náhodných čísel .....	113
5.7.1	Generátory pseudonáhodných čísel na báze lineárnej kongruencie .....	115
5.7.2	Kryptograficky bezpečné generátory pseudonáhodných čísel .....	116
5.7.2.1	Generátor PRNG s využitím čítača .....	116
5.7.2.2	Generátor PRNG ANSI X 9.17 .....	117
5.7.2.3	Generátor BBS .....	118
<b>6</b>	<b>TEÓRIA ČÍSEL V KRYPTOGRAFII .....</b>	<b>120</b>
6.1	Kategorizácia prirodzených čísel .....	120
6.2	Základná veta aritmetiky .....	120
6.3	Prvočísla a zložené čísla .....	121
6.4	Fermatova veta .....	123
6.5	Eulerova funkcia .....	124
6.6	Eulerova veta .....	125
6.7	Generovanie prvočísel .....	126
6.8	Čínska veta o zvyškoch .....	128
6.9	Diskrétny logaritmy .....	132
6.9.1	Logaritmická funkcia .....	134
6.9.2	Výpočet diskretných logaritmov .....	136
<b>7</b>	<b>KRYPTOGRAFIA S VEREJNÝM KLÚČOM .....</b>	<b>139</b>
7.1	Princíp kryptografie s verejným kľúčom .....	139
7.2	Kryptografické systémy s verejným kľúčom .....	140
7.3	Podmienky realizovateľnosti kryptografického systému s verejným kľúčom .....	143
7.4	Kategorizácia kryptografických systémov s verejným kľúčom .....	144
7.5	Algoritmy kryptografických systémov s verejným kľúčom .....	144
7.5.1	Algoritmus na výmenu kľúčov Diffie – Hellman .....	145
7.5.2	Algoritmus El Gamal .....	148
7.5.3	Algoritmus RSA .....	149
7.5.3.1	Popis algoritmu RSA .....	149

7.5.3.2	Analýza algoritmu RSA .....	152
7.5.3.3	Bezpečnosť algoritmu RSA.....	153
7.5.4	Kryptografia na báze eliptických kriviek .....	154
7.5.4.1	Eliptické krivky nad reálnymi číslami.....	154
7.5.4.2	Geometrická interpretácia sčítania .....	156
7.5.4.3	Algebraická interpretácia sčítania .....	156
7.5.4.4	Eliptické krivky nad konečným poľom $GF(p)$ .....	157
7.5.4.5	Eliptické krivky nad konečným poľom $GF(2^n)$ .....	160
7.5.4.6	Diskrétné logaritmy v eliptických krivkách .....	161
7.5.4.7	Výmena tajného kľúča na báze ECC.....	162
7.5.4.8	Šifrovanie na báze ECC .....	163
7.5.4.9	Bezpečnosť kryptografických algoritmov na báze ECC .....	163
<b>8</b>	<b>MANAŽMENT KĹÚČOV V KRYPTOGRAFIÍ S VEREJNÝM KĹÚČOM.....</b>	<b>164</b>
8.1	Distribúcia verejných kľúčov .....	164
8.2	Certifikáty podľa odporúčania X.509 .....	168
8.3	Distribúcia tajných kľúčov .....	173
<b>9</b>	<b>AUTENTIZÁCIA POUŽÍVATEĽOV A AUTORIZÁCIA DÁT .....</b>	<b>176</b>
9.1	Šifrovanie správy.....	177
9.2	Autentizačný kód správy MAC .....	179
9.2.1	Vlastnosti a realizácia MAC.....	181
9.3	Hašovacie funkcie .....	182
9.3.1	Vlastnosti hašovacích funkcií.....	184
9.3.2	Realizácia hašovacích funkcií .....	185
9.3.3	Bezpečnosť MAC a hašovacích funkcií .....	186
<b>10</b>	<b>VYBRANÉ TYPY HAŠOVACÍCH FUNKCIÍ.....</b>	<b>188</b>
10.1	Algoritmus MD5 .....	188
10.2	Kompresná funkcia MD5 .....	190
10.3	Algoritmy skupiny hašovacích funkcií SHA.....	192
10.4	Kompresná funkcia SHA-1.....	194
10.5	Skupina hašovacích funkcií SHA-3.....	197
10.6	Algoritmus RIPEMD-160.....	197
10.7	Kompresná funkcia RIPEMD-160.....	200
10.8	Algoritmus HMAC.....	202
<b>11</b>	<b>ELEKTRONICKÉ A DIGITÁLNE PODPISY .....</b>	<b>207</b>
11.1	Elektronické podpisy .....	207
11.2	Digitálne podpisy .....	208
11.3	Priame digitálne podpisy .....	209
11.4	Verifikované digitálne podpisy .....	210
11.5	Štandardy pre digitálne podpisy .....	212
11.5.1	Algoritmus digitálneho podpisu El Gamal .....	214
11.5.2	Algoritmus DSA.....	215
11.5.3	Digitálne podpisy na báze eliptických kriviek .....	217
11.6	Hodnotenie bezpečnosti kryptografických algoritmov.....	220
<b>12</b>	<b>INFORMAČNÁ A SIEŤOVÁ BEZPEČNOSŤ .....</b>	<b>224</b>
12.1	Komponenty informačnej bezpečnosti .....	224
12.2	Základné pojmy a definície .....	225
12.3	Sieťová bezpečnosť .....	229
12.3.1	Komponenty sieťovej bezpečnosti .....	230
12.3.2	Prístupová bezpečnosť.....	231
12.3.3	Komunikačná bezpečnosť .....	232

12.3.4	Systemová bezpečnosť .....	234
12.3.4.1	Firewally .....	234
12.3.4.2	Útočníci a systémy na ich detekciu .....	235
12.3.4.3	Škodlivý softvér .....	237
12.4	Architektúra bezpečnosti ICT .....	240
12.4.1	Štandardizácia architektúry bezpečnosti ICT .....	241
12.5	Architektúra bezpečnosti na báze odporúčania X.800 .....	242
12.5.1	Služby bezpečnosti .....	242
12.5.2	Mechanizmy bezpečnosti .....	244
12.5.3	Útoky na bezpečnosť .....	245
12.5.3.1	Pasívne útoky na bezpečnosť .....	246
12.5.3.2	Aktívne útoky na bezpečnosť .....	246
12.6	Architektúra bezpečnosti na báze odporúčania X.805 .....	247
12.6.1	Komponenty bezpečnosti .....	247
12.6.2	Vrstvy bezpečnosti .....	248
12.6.3	Roviny bezpečnosti .....	249
12.6.4	Ohrozenia bezpečnosti .....	249
<b>13</b>	<b>BEZPEČNOSŤ V ARCHITEKTÚRE TCP/ IP .....</b>	<b>251</b>
13.1	Architektúra TCP/IP .....	251
13.2	Protokol IPv4 .....	252
13.3	Protokol IPv6 .....	253
13.3.1	Rozšírenie hlavičiek .....	254
13.4	Bezpečnosť komunikácie na úrovni IP protokolu .....	255
13.5	Bezpečnostná asociácia .....	256
13.5.1	Parametre SA .....	257
13.5.1.1	Režimy IPsec .....	258
13.5.1.2	Rozširujúca hlavička AH .....	258
13.5.1.3	Rozširujúca hlavička ESP .....	260
13.6	Manažment kľúčov v IPsec .....	261
13.6.1	Protokol OKD .....	262
13.6.2	Protokol ISAKMP .....	263
<b>14</b>	<b>BEZPEČNOSŤ PRENOSU DÁT V TRANSPORTNEJ VRSTVE PROTOKOLU TCP/IP .....</b>	<b>265</b>
14.1	Architektúra protokolu SSL .....	266
14.2	SSL Record protocol .....	267
14.3	Change Cipher Spec Protocol .....	269
14.4	Alert protokol .....	270
14.5	Handshake protokol .....	271
14.5.1	Fáza 1 – definovanie parametrov bezpečnosti .....	272
14.5.2	Fáza 2 – autentizácia servra a výmena kľúčov .....	274
14.5.3	Fáza 3 – autentizácia klienta a výmena kľúčov .....	275
14.5.4	Fáza 4 – Kompletizácia spojenia .....	275
14.6	Výpočet kryptografických parametrov protokolu SSL .....	276
14.7	Protokol TLS .....	276
14.7.1	Formát fragmentu v TLS .....	277
14.7.2	Výpočet MAC .....	277
14.7.3	Pseudonáhodná funkcia .....	277
14.7.4	Výstražné správy .....	278
14.7.5	Šifrovacie súbory .....	278
14.7.6	Typy certifikátov klienta .....	278
14.7.7	Výpočet kryptografických parametrov .....	278
14.7.8	Výplň .....	278

<b>15</b>	<b>BEZDRÔTOVÉ SIETE .....</b>	<b>279</b>
15.1	Klasifikácia bezdrôtových sietí .....	279
15.1.1	Dosah bezdrôtových sietí .....	279
15.1.2	Podpora mobility .....	280
15.1.3	Typ prenášaných signálov .....	280
15.2	Bezpečnosť sietí WPAN.....	282
15.2.1	Technológia Bluetooth .....	282
15.2.2	Bezpečnosť technológie Bluetooth.....	284
15.2.3	Kľúče v štandarde Bluetooth .....	285
15.2.4	Generovanie kľúčov .....	286
15.2.5	Kryptografické algoritmy Bluetooth .....	290
15.2.5.1	Šifra SAFER+ .....	290
15.2.6	Algoritmy Bluetooth na báze SAFER+ .....	293
15.2.6.1	Autentizačný algoritmus $E_1$ .....	293
15.2.6.2	Kryptografické algoritmy $E_{22}$ a $E_{21}$ .....	295
15.2.6.3	Kryptografický algoritmus $E_3$ .....	296
15.2.7	Mechanizmy bezpečnosti v Bluetooth.....	297
15.3	Bezdrôtové siete WLAN .....	300
15.3.1	Štandardy pre WLAN.....	303
15.4	Bezpečnosť sietí WLAN .....	303
15.4.1	Protokol WEP.....	303
15.4.2	WEP autentizácia .....	304
15.4.3	WEP šifrovanie.....	304
15.4.4	Hodnotenia protokolu WEP .....	305
15.4.5	Protokol WPA .....	306
15.4.6	Protokol TKIP .....	306
15.4.7	Generovanie paketového kľúča .....	307
15.4.8	Zabezpečenie integrity pomocou MIC .....	308
15.4.8.1	Riadenie prístupu na báze štandardu 802.1x .....	308
15.4.9	Štandard 802.11i (WPA2) .....	309
15.5	Bezpečnosť bezdrôtových sietí WiMAX .....	311
15.5.1	Štandardné skupiny 802.16 .....	311
15.5.2	Bezpečnosť v štandardoch WiMAX.....	312
15.5.3	Autentizácia v štandardoch WiMAX .....	312
15.5.4	Šifrovanie dát .....	313
15.5.4.1	AES v režime CCM.....	313
15.5.5	Bezpečnostné asociácie .....	314
15.5.6	Manažment súkromných kľúčov .....	315
15.5.6.1	Protokol PKM verzia 1.....	316
15.5.6.2	Protokol PKM verzia 2.....	316
15.5.6.3	Odvodenie autorizačného kľúča AK .....	317
15.6	Mobilné siete WWAN.....	317
15.6.1	Generácie mobilných WWAN .....	317
15.7	Bezpečnosť v sieťach GSM (GPRS).....	318
15.7.1	Autentizácia používateľa.....	319
15.8	Šifrovanie dát v GSM (GPRS) .....	320
15.8.1	Bezpečnosť mobilných 3G sietí .....	321
15.8.2	Autentizácia a dohoda o kľúčoch v 3GPP .....	321
15.8.3	Šifrovanie a integrita dát v 3GPP .....	322
15.8.4	Bloková šifra KASUMI.....	322
15.8.5	Šifrovanie blokovou šifrou KASUMI .....	323
15.8.6	Generovanie kľúčov .....	326
15.8.7	Šifrovacia funkcia $f_8$ .....	326
15.8.8	Funkcia na výpočet integrity dát $f_9$ .....	328

15.8.9 Bezpečnosť signalizácie v 3GPP.....	330
<b>ZOZNAM POUŽITEJ LITERATÚRY .....</b>	<b>331</b>
<b>SLOVNÍK ZÁKLADNÝCH POJMOV .....</b>	<b>334</b>
<b>REGISTER.....</b>	<b>342</b>
<b>ABECEDNÝ ZOZNAM SKRATIEK .....</b>	<b>350</b>

## 15.8.9 Bezpečnosť signalizácie v 3GPP

Práca, v podstatke bolo usporiadanie správy bezpečne napráť vo verejnej oblasti a v diplomaxi, vedľa civilizácie a vývoji nových technológií sa vyznačujú aplikáciou moderných postupov, ktoré sa využívajú v každodennom živote.

Kryptografia sa stala modernou vedou a matematickým nástrojom na ochranu súkromia, na bezpečnosť elektronických systémov a na bezpečnosť elektronickej komunikácie. Významnou aplikáciou kryptografie je oblasť informačnej a sietovej bezpečnosti, oblasť ochrany autorských práv a autentifikácie elektronickej komunikácie.

Uvedené vzťahy v oblasti kryptografie a komunikačnej bezpečnosti boli motiváciou, ktorý viedol k napísaniu tejto publikácie, ktorá predstavuje úvod do uvedenej problematiky. Zároveň slúži ako úvod v tejto oblasti, pričom je potrebné pripomenúť, že uvedené obsah sa vyznačuje dynamickým charakterom, ktorý je súvisiaci s vývojom informačných a komunikačných technológií a s rozvojom globálnej informačnej spoločnosti.

Prvá kapitola zahŕňa úvod do problematiky a vysvetľuje pojmy steganografia, kryptografia a informačná bezpečnosť.

Problematiku klasických kryptografických systémov a šifrov je venovaná druhej kapitole.

Tretia kapitola je venovaná základným operáciám z oblasti matematiky, najmä aritmetickým operáciám ako sú grupy, konečné pole, eliptické krivky a predstava modulárnej aritmetiky.

Princípy moderných kryptografických systémov sú uvedené a analyzované v štvartej kapitole.

Problematika symetrických šifrov je predmetom piatej kapitoly, pričom dôraz je položený na moderné symetrické šifry (DES, 3DES, AES). Zahŕňa aj problematiku generovania náhodných čísel, ktoré majú v kryptografii veľký význam.

Šiesta kapitola predstavuje prehľad základných poznatkov z elementárnej teórie čísel a akcentom na ich využitie v kryptografii s verejným kľúčom.

Kryptografia s verejným kľúčom je predmetom siedmej kapitoly. Sú tu opísané základné algoritmy s verejným kľúčom (Diffie-Hellman, El Gamal, RSA), pričom osobitná pozornosť je venovaná aj kryptografii na báze eliptických kriviek.

Manažment kľúčov v kryptografii s verejným kľúčom je venovaná ôsma kapitola. Sú tu uvedené problémy súvisiace s distribúciou verejných aj tajných kľúčov, ako aj s certifikáciou verejných kľúčov.

Deväta kapitola je venovaná problematike autentizácie používateľov a autentizácie dát s využitím šifrovania a hašovacích funkcií.

Vyhľadateľný typ hašovacích funkcií sú opísané v desiatej kapitole.